103239

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි /முழுப் பதிப்புரிமையுடையது /All Rights Reserved]

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம்
Department of Examinations, Sri Lanka

32	T	I

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (සාමාන්‍ය පෙළ) විභාගය, 2023(2024)
கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (சாதாரண தர)ப் பரீட்சை, 2023(2024)
General Certificate of Education (Ord. Level) Examination, 2023(2024)

ගණිතය I
கணிதம் I
Mathematics I

පැය දෙකයි
இரண்டு மணித்தியாலம்
Two hours

சுட்டெண்: ....

சரியானது என உறுதிப்படுத்துகின்றேன்.

....
நோக்குநரின் கையொப்பம்

முக்கியம்:

- இவ்வினாத்தாள் **8** பக்கங்களைக் கொண்டுள்ளது.
- **இப்பக்கத்திலும் மூன்றாம் பக்கத்திலும்** உரிய இடங்களில் உமது **சுட்டெண்ணைத்** திருத்தமாக எழுதுக.
- **எல்லா வினாக்களுக்கும் விடைகளை இவ்வினாத்தாளிலேயே** எழுதுக.
- விடைகளை எழுதுவதற்கும் அவ்விடைகளைப் பெற்ற விதத்தைக் காட்டுவதற்கும் ஒவ்வொரு வினாவுக்குக் கீழேயும் விடப்பட்டுள்ள இடத்தைப் பயன்படுத்துக.
- வினாக்களுக்கு விடை எழுதும்போது உரிய **படிமுறைகளையும் சரியான அலகுகளையும்** காட்டுக.
- கீழ்க் குறிப்பிட்டவாறு புள்ளிகள் வழங்கப்படும்.

  பகுதி A இல்
  ஒவ்வொரு வினாவின் சரியான விடைக்கும் 2 புள்ளிகள் வீதம்.
  பகுதி B இல்
  ஒவ்வொரு வினாவின் சரியான விடைக்கும் 10 புள்ளிகள் வீதம்.
- செய்கை வேலைகளுக்காக வெற்றுத் தாள்களைப் பெற்றுக்கொள்ளலாம்.

பரீட்சகர்களின் உபயோகத்திற்கு மாத்திரம்

பகுதி	வினா எண்	புள்ளிகள்
A	1 – 25	
B	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
மொத்தம்		

.... முதலாம் பரீட்சகர்	.... குறியீட்டு எண்
.... இரண்டாம் பரீட்சகர்	.... குறியீட்டு எண்
.... கணிதப் பரீட்சகர்	.... குறியீட்டு எண்
.... பிரதான பரீட்சகர்	.... குறியீட்டு எண்

[பக். 2 ஐப் பார்க்க

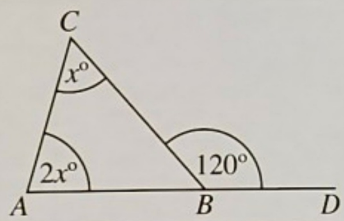
பகுதி A

எல்லா வினாக்களுக்கும் விடைகளை **இவ்வினாத்தாளிலேயே** எழுதுக.

(π இன் பெறுமானம் $\frac{22}{7}$ என எடுத்துக் கொள்க.)

1. 12% ஆண்டு இறைச் சதவீதத்தை அறவிடும் ஒரு குறித்த நகர சபையின் எல்லைகளினுள்ளே இருக்கும் ஒரு கடையின் ஆண்டு மதிப்பீட்டுப் பெறுமானம் ரூ. 24 000 ஆகும். ஓர் ஆண்டிற்காகச் செலுத்த வேண்டிய இறை யாது?

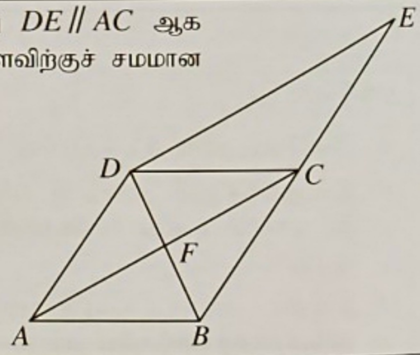
2. முக்கோணி ABC இன் பக்கம் AB ஆனது D இற்கு நீட்டப்பட்டுள்ளது. உருவில் தரப்பட்டுள்ள தகவல்களுக்கேற்ப x இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.



3. பின்வரும் அட்சரகணித உறுப்புகளின் பொது மடங்குகளுட் சிறியதைக் காண்க.

$8xy$, $2xy^2$, $12y$

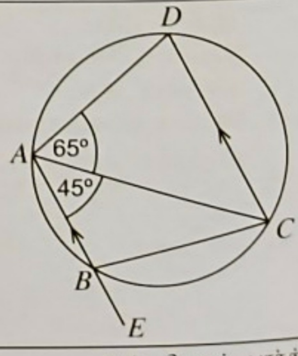
4. $ABCD$ ஓர் இணைகரம். நீட்டப்பட்ட பக்கம் BC மீது E ஆனது $DE \parallel AC$ ஆக இருக்குமாறு உள்ளது. இவ்வுருவில் முக்கோணி DCE இன் பரப்பளவிற்குச் சமமான பரப்பளவுள்ள **மூன்று** முக்கோணிகளைப் பெயரிடுக.



5. $\log_4 x = 3$ எனின், x இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.

6. சுருக்குக : $\frac{3xy}{2} \div \frac{9y}{4}$

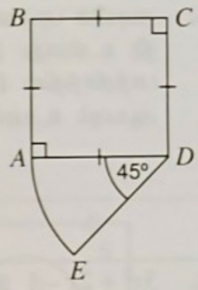
7. உருவிற் காட்டப்பட்டுள்ள வட்டத்தின் மீது A, B, C, D என்னும் புள்ளிகள் உள்ளன. ABE ஒரு நேர்கோடு. தரப்பட்டுள்ள தகவல்களுக்கேற்ப $C\hat{B}E$ இன் பருமனைக் காண்க.



[பக். 3 ஐப் பார்க்க

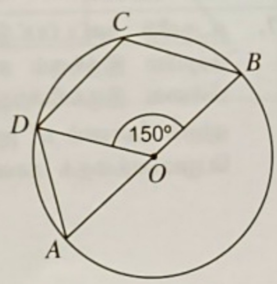
8. 2023 ஆம் ஆண்டில் நிமலனின் மாத வருமானம் ரூ. 138 000 ஆக இருந்தது. நிமலன் ரூ. 100 000 இலும் பார்க்கக் கூடுதலாகப் பெற்ற வருமானத்திற்காக 6% வருமான வரியைச் செலுத்த வேண்டியிருந்தது. அதே ஆண்டில் ஒரு மாதத்திற்காக நிமலன் செலுத்த வேண்டியிருந்த வருமான வரியைக் கணிக்க.

9. உருவில் 14 cm ஆரையும் மையத்தின் கோணம் 45° உம் உள்ள ஓர் ஆரைச்சிறையையும் ஒரு சதுரத்தையும் கொண்ட ஒரு சேர்த்தி உருவம் தரப்பட்டுள்ளது. இவ்வுருவத்தின் சுற்றளவைக் காண்க.



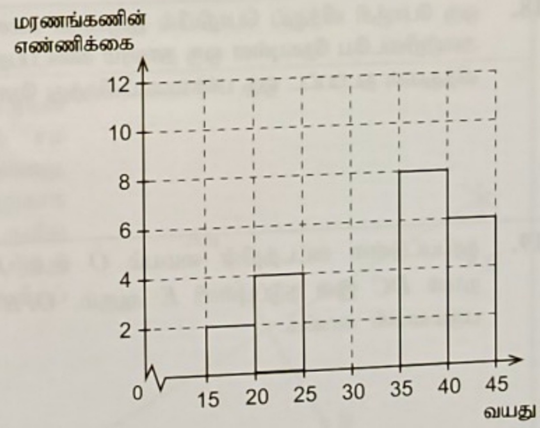
10. $(0, 2)$, $(1, 5)$ என்னும் புள்ளிகளினூடாகச் செல்லும் நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

11. தரப்பட்டுள்ள வட்டத்தின் மையம் O ஆகும். AB ஒரு விட்டமும் $D\hat{O}B = 150^\circ$ உம் ஆகும். $D\hat{C}B$ இன் பருமனைக் காண்க.



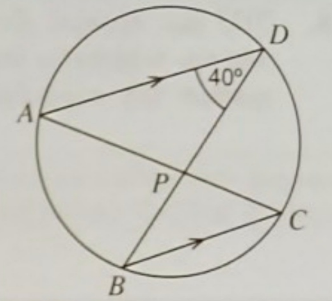
12. ஒரு குறித்த நகரத்திலே ஓர் ஆண்டில் மோட்டர்ச் சைக்கிள் விபத்துகள் காரணமாக நிகழ்ந்த மரணங்களின் எண்ணிக்கைகள் பின்வரும் மீடிறன் பரம்பலில் காட்டப்பட்டுள்ளன. அதனைப் பயன்படுத்தி வரையப்பட்டுள்ள வலையுருவரையத்தைப் பூரணப்படுத்துக.

வயது (ஆண்டுகள்)	மரணங்களின் எண்ணிக்கை
15 – 20	2
20 – 25	4
25 – 35	12
35 – 40	8
40 – 45	6



[பக். 4 ஐப் பார்க்க

13. உருவில் உள்ள வட்டத்தின் மீது A, B, C, D ஆகிய புள்ளிகள் உள்ளன. மேலும் $AD \parallel BC$ ஆகும். உருவில் தரப்பட்டுள்ள தகவல்களுக்கேற்ப $C\hat{P}D$ இன் பருமனைக் காண்க.

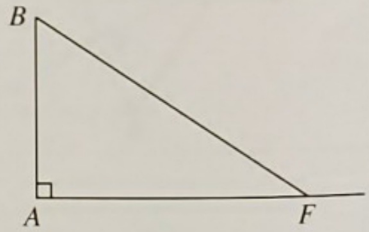


14. அடியின் பரப்பளவு $77\ \text{cm}^2$ ஆக இருக்கும் செவ்வரிய வடிவமுள்ள ஒரு பாத்திரத்தில் $20\ \text{cm}$ உயரத்திற்கு நீர் உள்ளது. இந்நீர் முழுவதையும் அடியின் ஆரை $7\ \text{cm}$ ஆகவுள்ள ஒரு செவ்வட்ட உருளை வடிவப் பாத்திரத்தில் இடும்போது அப்பாத்திரத்தில் எவ்வளவு உயரத்திற்கு நீர் இருக்கும்? (அடியின் ஆரை r ஆகவும் உயரம் h ஆகவும் உள்ள ஒரு செவ்வட்ட உருளையின் கனவளவு $\pi r^2 h$ ஆகும்.)

15. $3x^2 + 2x - 1$ இன் ஒரு காரணி $(x+1)$ ஆகும். மற்றைய காரணியைக் காண்க.

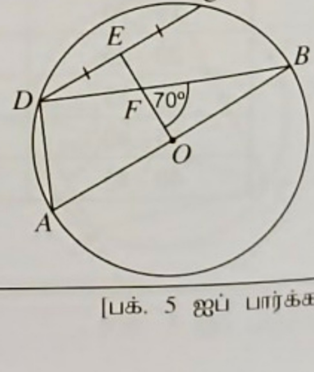
16. ஒரு பெருக்கல் விருத்தியின் இரண்டாம் உறுப்பு 6 உம் ஐந்தாம் உறுப்பு 162 உம் ஆகும். இவ்விருத்தியின் பொது விகிதத்தைக் காண்க.

17. உருவிற் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு ஒரு நிலைக்குத்து மரம் AB இன் அடியில் இருக்கும் சமதள நிலத்தில் உள்ள இடம் F இல் ஒரு பிள்ளை இருக்கின்றது. அப்பிள்ளைக்கு மரத்தின் உச்சி தோற்றும் ஏற்றக் கோணம் a° ஐ உருவிற் குறிக்க. $A\hat{B}F = 50^\circ$ எனின், a இன் பெறுமானத்தைக் காண்க (பிள்ளையின் உயரத்தைப் புறக்கணிக்க).



18. ஒரு போஞ்சி வித்துப் பொதியில் இருக்கும் எல்லா வித்துகளிலிருந்தும் தாவரங்கள் கிடைக்கும் அதேவேளை அவற்றிடையே நோயுள்ள ஒரு தாவரம் கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவு 0.02 ஆகும். இப்போஞ்சி வித்துகளில் 300 வித்துகள் நடப்பட்ட ஒரு பண்ணையிலிருந்து நோயுள்ள எத்தனை தாவரங்கள் கிடைக்குமென எதிர்பார்க்கலாம்?

19. தரப்பட்டுள்ள வட்டத்தின் மையம் O உம் AB ஒரு விட்டமும் ஆகும். நாண் DC இன் நடுப்புள்ளி E ஆகும். $O\hat{F}B = 70^\circ$ எனின், $A\hat{D}C$ இன் பருமனைக் காண்க.

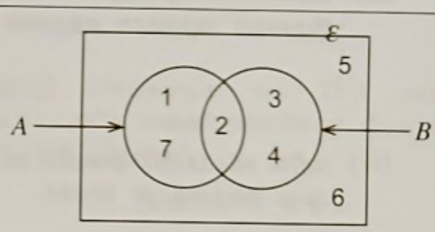


[பக். 5 ஐப் பார்க்க

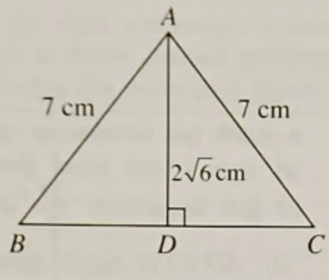
20. தீர்க்க : $\frac{2}{3a} - \frac{4}{9a} = \frac{1}{18}$

21. அடியின் ஆரை r cm ஆகவும் உயரம் h cm ஆகவும் உள்ள ஒரு திண்மச் செவ்வட்ட உருளையின் வளைபரப்பின் பரப்பளவானது உருளையின் அடியின் பரப்பளவின் நான்கு மடங்கெனின், உருளையின் உயரம் அடியின் ஆரையின் எத்தனை மடங்காகும்?

22. $A' \cup B$ இன் மூலகங்களை எழுதுக.

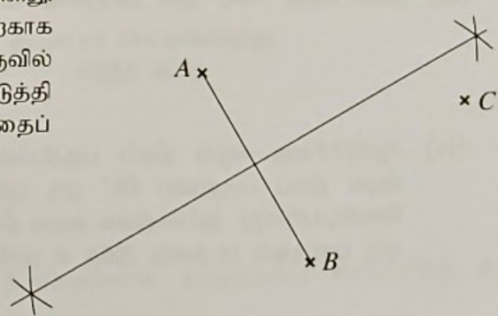


23. உருவில் ஓர் இருசமபக்க முக்கோணி ABC தரப்பட்டுள்ளது. தரப்பட்டுள்ள தகவல்களுக்கேற்ப BC இன் நீளத்தைக் காண்க.



24. தீர்க்க : $3 - 12x^2 = 0$

25. உருவில் A, B, C ஆகியவற்றினால் மூன்று வீடுகள் குறிக்கப்படுகின்றன. அம்மூன்று வீடுகளிலிருந்தும் சம தூரத்தில் ஒரு விளக்குக் கம்பத்தைப் பொருத்த வேண்டியுள்ளது. அவ்விளக்குக் கம்பம் இருக்கும் புள்ளியைக் காண்பதற்காக வரையப்பட்ட ஒரு பூரணமற்ற பரும்படி வரிப்படம் உருவில் தரப்பட்டுள்ளது. ஒழுக்குகள் பற்றிய அறிவைப் பயன்படுத்தி அப்புள்ளியைக் காண்பதற்காகப் பரும்படிப் படத்தைப் பூரணப்படுத்துக.



50

பகுதி B

எல்லா வினாக்களுக்கும் விடைகளை **இவ்வினாத்தாளிலேயே** எழுதுக.

1. மனிதர்களின் குழு ஒன்றின் பங்குபற்றுகையுடன் ஒரு மதிலை மூன்று கட்டங்களாகக் கட்டுவதற்குத் திட்டமிடப்பட்டுள்ளது. முதலாம் கட்டத்தில் அவர்களில் 10 மனிதர்கள் சேர்ந்து 4 நாட்களுக்கு வேலைசெய்து மதிலின் முழு நீளத்தில் $\frac{4}{7}$ ஐக் கட்டி முடித்தனர்.

(i) மதிலைக் கட்டுவதற்கான முதலாம் கட்டத்தில் செய்யப்பட்ட வேலையின் அளவு எத்தனை மனித நாட்களாகும்?

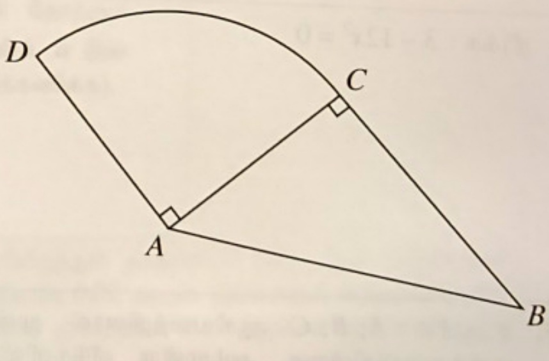
(ii) மதிலின் எஞ்சியுள்ள நீளத்தில் $\frac{1}{3}$ ஆனது இரண்டாம் கட்டத்தில் கட்டி முடிக்கப்படுமெனின், அந்த அளவானது மதிலின் முழு நீளத்தின் என்ன பின்னமாகும்?

(iii) மதில் கட்டப்படும் இரண்டாம் கட்டத்தில் இரு மனிதர்கள் மாத்திரம் ஈடுபடுத்தப்பட்டனரெனின், அவர்கள் இருவரும் அதற்காக எத்தனை நாட்கள் எடுத்தனர்?

(iv) மதில் கட்டப்படும் மூன்றாம் கட்டத்தில் கட்டி முடிப்பதற்கு 200 மீற்றர் நீளம் எஞ்சியிருப்பின், மதிலின் முழு நீளத்தையும் காண்க.

2. உருவில் ஒரு செங்கோண முக்கோணி வடிவ நிலப் பகுதி ABC ஐயும் மையத்தின் கோணம் 90° ஆகவுள்ள ஓர் ஆரைச்சிறை வடிவ நிலப் பகுதி ACD ஐயும் கொண்ட ஒரு காய்கறிப் பாத்தி கட்டப்பட்டுள்ளது. (π இன் பெறுமானம் $\frac{22}{7}$ எனக் கொள்க.)

(i) $AD = 7$ m ஆகும். ஆரைச்சிறை வடிவப் பகுதி ACD யில் C இலிருந்து D இற்குள்ள எல்லை வழியே ஒரு வேலி அமைக்கப்படுமெனின், வேலியின் நீளத்தைக் காண்க.



(ii) நிலப் பகுதி ACD இன் பரப்பளவைக் காண்க.

(iii) நிலப் பகுதி ABC இன் பரப்பளவு 42 m^2 எனின், BC இன் நீளத்தைக் காண்க.

(iv) ஆரைச்சிறை வடிவ நிலப் பகுதியின் பரப்பளவின் மூன்று மடங்கு பரப்பளவுள்ள ஒரு செவ்வக வடிவ நிலப் பகுதியை BC ஒரு பக்கமாக இருக்குமாறு காய்கறிப் பாத்திக்கு வெளியே சேர்க்க வேண்டியுள்ளது. அச்செவ்வக வடிவ நிலப் பகுதியின் அகலத்தைக் கண்டு, அதன் அளவீடுகள் உள்ள ஒரு பரும்படிப் படத்தை இதே உருவில் வரைக.

10

[பக். 7 ஐப் பார்க்க

3. ஒரு குறித்த கம்பனியின் ஒரு பங்கின் விலை ரூ 50 ஆகும். அதன் பங்குகளை வாங்குவதற்குக் கமலன் ரூ. 50 000 ஐ இடுகின்றார். ஓர் ஆண்டின் இறுதியில் பங்குகளுக்கான பங்கிலாப வருமானத்தைப் பெற்ற பின்னர் அவர் ஒரு பங்கு ரூ. 54 வீதம் எல்லாப் பங்குகளையும் விற்கின்றார். அவருக்குப் பங்கிலாப வருமானத்திலிருந்தும் பங்குகளை விற்பதன் மூலமும் மொத்தப் பணம் ரூ. 57 500 கிடைத்தது.

(i) அவர் வாங்கிய பங்குகளின் எண்ணிக்கை யாது?

(ii) இக்கம்பனி ஒரு பங்கிற்காக ஆண்டுதோறும் செலுத்தும் பங்கிலாபப் பணம் யாது?

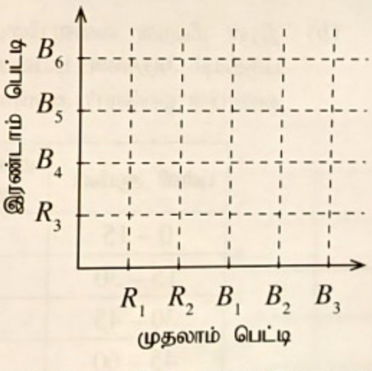
(iii) கமலன் தன்னிடமுள்ள ரூ. 57 500 ஐ இட்டு ஒன்று ரூ. 500 வீதமான பீங்கான் தரை ஓடுகளை வாங்குவதற்குத் திட்டமிடுகின்றார். எல்லாப் பீங்கான் தரை ஓடுகளுக்காகவும் 15% பெறுமதி சேர்க்கப்பட்ட வரியை (VAT) மேலதிகமாகச் செலுத்த வேண்டுமெனின், அவர் அப்பணத்தைக் கொண்டு எத்தனை பீங்கான் தரை ஓடுகளை வாங்கலாம்?

(iv) அவர் பீங்கான் தரை ஓடுகளை வாங்குகையில் பெறுமதி சேர்க்கப்பட்ட வரி 18% ஆக அதிகரிக்கப்பட்டிருந்தது. மேலே வாங்குவதற்குத் திட்டமிடப்பட்ட அதே எண்ணிக்கையிலான பீங்கான் தரை ஓடுகளை இப்போது வாங்குவதற்கு மேலும் எவ்வளவு பணம் தேவை?

10

4. இரு பெட்டிகளில் ஒரு பெட்டியில் இரு சிவப்பு நிறக் குமிழ்களும் மூன்று நீல நிறக் குமிழ்களும் உள்ளன. மற்றைய பெட்டியில் ஒரு சிவப்பு நிறக் குமிழும் மூன்று நீல நிறக் குமிழ்களும் உள்ளன. எல்லாக் குமிழ்களும் வடிவத்திலும் அளவிலும் ஒத்தவை. மாணவன் ஒருவன் முதலாம் பெட்டியிலிருந்து ஒரு குமிழையும் இரண்டாம் பெட்டியிலிருந்து ஒரு குமிழையும் எழுமாற்றாக வெளியே எடுக்கின்றான்.

(i) R_1, R_2, R_3 ஆகியவற்றின் மூலம் சிவப்பு நிறக் குமிழ்களும் $B_1, B_2, B_3, B_4, B_5, B_6$ ஆகியவற்றின் மூலம் நீல நிறக் குமிழ்களும் வகைகுறிக்கப்படுகின்றனவெனக் கொண்டு மேற்குறித்த எழுமாற்றுப் பரிசோதனையின் மாதிரி வெளியைத் தரப்பட்டுள்ள நெய்யரி மீது குறியீடு ‘X’ இனாற் குறிக்க.

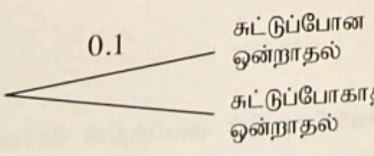


(ii) இரு பெட்டிகளிலிருந்தும் வெளியே எடுக்கப்பட்ட இரு குமிழ்களும் ஒரே நிறத்தைக் கொண்டிருப்பதற்கான நிகழ்வை நெய்யரி மீது வட்டத்தை வரைந்து காட்டி, அதன் நிகழ்தகவைக் காண்க.

(iii) முதலாம் பெட்டியிலிருந்து எடுக்கப்பட்ட குமிழ் சுட்டுப்போவதற்கான நிகழ்தகவு 0.1 எனவும் இரண்டாம் பெட்டியிலிருந்து எடுக்கப்பட்ட குமிழ் சுட்டுப்போவதற்கான நிகழ்தகவு 0.2 எனவும் தரப்பட்டுள்ளது. மாணவன் முதலாம் பெட்டியிலிருந்து எடுத்த குமிழைச் சோதித்து அது சுட்டுப்போன குமிழாக இருந்தால் மாத்திரம் இரண்டாம் பெட்டியிலிருந்து எடுத்த குமிழையும் சோதிக்கின்றான். இவ்விரு நிகழ்வுகளையும் காட்டுமாறு கீழே தரப்பட்டுள்ள மர வரிப்படத்தை விரிவுபடுத்தி, அதன் கிளைகளின் மீது உரிய நிகழ்தகவுகளைக் குறிக்க.

முதலாம் பெட்டியிலிருந்து எடுத்த குமிழ்

இரண்டாம் பெட்டியிலிருந்து எடுத்த குமிழ்

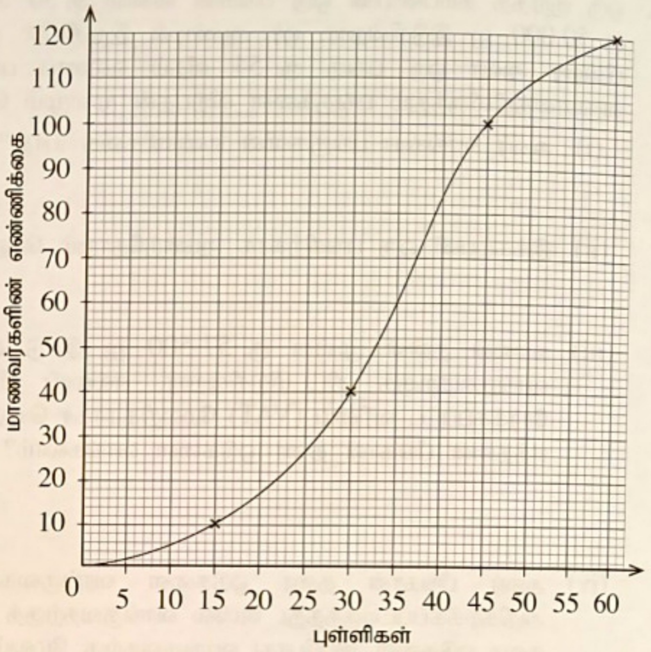


(iv) ஒரு சோதித்த குமிழ் சுட்டுப்போகாத குமிழாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவை மேற்குறித்த இரு நிகழ்வுகளையும் கருதிக் காண்க.

10

[பக். 8 ஐப் பார்க்க

5. ஒரு குறித்த பாடசாலையின் 120 மாணவர்கள் ஒரு கணிதச் சோதனையில் பெற்ற புள்ளிகளைக் கொண்டு வரையப்பட்ட ஒரு திரள் மீடிறன் வளையி உருவிற் காட்டப்பட்டுள்ளது.



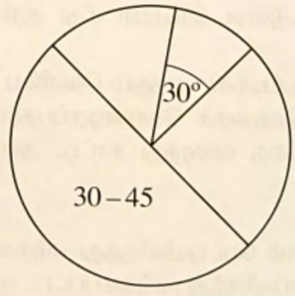
(*a*) (i) இச்சோதனையில் ஒரு மாணவன் பெறத்தக்க உயர்ந்தபட்சப் புள்ளி யாது?

(ii) இச்சோதனையில் 35 அல்லது அதிலும் குறைந்த புள்ளியைப் பெற்ற மாணவர்களின் எண்ணிக்கை யாது?

(iii) சோதனைக்குத் தோற்றிய மாணவர்களிடையே கூடுதலான புள்ளியைப் பெற்ற 25% ஆன கூட்டத்தை வேறுபடுத்த வேண்டியுள்ளது. அதற்காக எந்தப் புள்ளியிலும் பார்க்கக் கூடுதலான புள்ளிகளைப் பெற்ற மாணவர்களைத் தெரிந்தெடுத்தல் வேண்டும்?

(*b*) திரள் மீடிறன் வளையியை வரைவதற்குப் பயன்படுத்திய மீடிறன் அட்டவணையின் ஒரு பூரணமற்ற பகுதியும் அதனைப் பயன்படுத்தி வரையப்பட்ட ஒரு பூரணமற்ற வட்ட வரைபும் கீழே தரப்பட்டுள்ளன. வட்ட வரைபின் ஒவ்வோர் ஆரைச்சிறையினாலும் உரிய மாணவர்களின் எண்ணிக்கை வகைகுறிக்கப்படுகின்றது.

புள்ளி ஆயிடை	மாணவர்களின் எண்ணிக்கை
0 – 15	10
15 – 30	……
30 – 45	……
45 – 60	20
	120



(அட்டவணையில் ஆயிடை 15 – 30 ஆனது 15 இலும் கூடியதையும் 30 அல்லது அதிலும் குறைந்ததையும் குறிப்பிடுகின்றது.)

(i) திரள் மீடிறன் வளையிக்கேற்ப அட்டவணையில் உள்ள வெற்றிடங்களை நிரப்புக.

(ii) வட்ட வரைபில் மையத்தின் கோணம் 30° ஐக் கொண்ட ஆரைச்சிறையினால் வகைகுறிக்கப்படும் புள்ளி ஆயிடை யாது?

(iii) ஆயிடை 45 – 60 வகைகுறிக்கும் ஆரைச்சிறையின் மையத்தின் கோணத்தைக் காண்க.

10

* * *

103239

OL/2023(2024)/32/T-II

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි /முழுப் பதிப்புரிமையுடையது /All Rights Reserved]

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம்
Department of Examinations, Sri Lanka

32 T II

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (සාමාන්‍ය පෙළ) විභාගය, 2023(2024)
கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (சாதாரண தர)ப் பரீட்சை, 2023(2024)
General Certificate of Education (Ord. Level) Examination, 2023(2024)

ගණිතය II கணிதம் II Mathematics II	පැය තුනයි மூன்று மணித்தியாலம் Three hours

අමතර කියවීම් කාලය - මිනිත්තු 10 යි
மேலதிக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள்
Additional Reading Time - 10 minutes

வினாத்தாளை வாசித்து, வினாக்களைத் தெரிவு செய்வதற்கும் விடை எழுதும்போது முன்னுரிமை வழங்கும் வினாக்களை ஒழுங்கமைத்துக் கொள்வதற்கும் மேலதிக வாசிப்பு நேரத்தைப் பயன்படுத்துக.

அறிவுறுத்தல்கள் :

※ பகுதி **A** இலிருந்து **ஐந்து** வினாக்களையும் பகுதி **B** இலிருந்து **ஐந்து** வினாக்களையும் தெரிந்தெடுத்துப் **பத்து** வினாக்களுக்கு விடை எழுதுக.

※ வினாக்களுக்கு விடை எழுதும்போது உரிய படிமுறைகளையும் சரியான அலகுகளையும் எழுதுக.

※ ஒவ்வொரு வினாவின் சரியான விடைக்கும் **10** புள்ளிகள் வழங்கப்படும்.

※ ஆரை r ஆகவுள்ள ஒரு கோளத்தின் கனவளவு $\frac{4}{3}\pi r^3$ ஆகும்.

※ அடி ஆரை r ஐயும் உயரம் h ஐயும் உடைய ஒரு செவ்வட்டக் கூம்பின் கனவளவு $\frac{1}{3}\pi r^2 h$ ஆகும்.

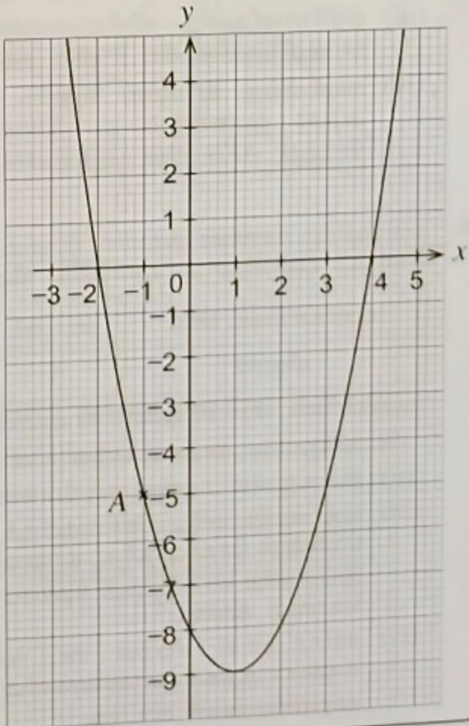
பகுதி A

ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.

1. ராணி 10% ஆண்டுக் கூட்டு வட்டி வீதத்தின் கீழ் ஆண்டுதோறும் வட்டியைக் கொடுக்கும் ஒரு வங்கியில் ரூ. 50 000 ஐ இரு ஆண்டுகளுக்கு வைப்புச் செய்கின்றார். இரண்டு ஆண்டுகளின் இறுதியில் அவருக்குக் கிடைக்கும் மொத்த வட்டியைக் கண்டு, வைப்பில் உள்ள மொத்தப் பணத்தைக் கணிக்க.

ரூ. 50 000 ஐ ஒரு குறித்த நிதிக் கம்பனியில் எளிய வட்டி வீதத்தின் கீழ் ஓர் ஆண்டிற்காக மாத்திரம் முதலீடு செய்வதன் மூலம் மேற்குறித்த மொத்த வட்டிக்குச் சமமான ஒரு வட்டியைப் பெறலாம். ராணி முதல் இரு ஆண்டுகளுக்குப் பின்னர் வங்கியில் வைப்பில் உள்ள மொத்தப் பணத்தை மேலும் இரு ஆண்டுகளுக்கு மேற்குறித்த நிதிக் கம்பனியில் முதலீடு செய்தால், அவருக்கு நிதிக் கம்பனியிலிருந்து கிடைக்கும் வட்டியைக் காண்க.

2. வடிவம் $y = f(x)$ இல் உள்ள ஓர் இருபடிச் சார்பின் வரைபு உருவிற் காட்டப்பட்டுள்ளது.



(i) புள்ளி A இன் ஆள்கூறுகளையும் வரைபு y அச்சை இடைவெட்டும் புள்ளியின் ஆள்கூறுகளையும் முறையே எழுதுக.

(ii) வரைபு வரையப்பட்டுள்ள சார்பு $y = f(x)$ இன் சமன்பாடு $f(x) = 0$ இன் மூலங்களை எழுதுக.

(iii) சார்பு மறையாக அதிகரிக்கும்போது x இன் பெறுமான ஆயிடையை எழுதுக.

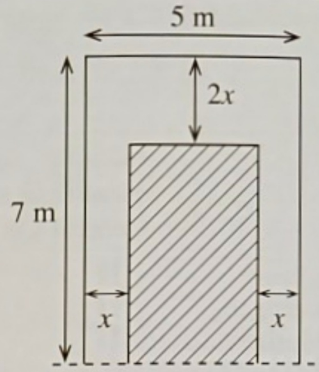
(iv) வரைபின் சமச்சீரச்சின் சமன்பாட்டையும் குறைந்தபட்ச (இழிவு)ப் புள்ளியின் ஆள்கூறுகளையும் கருதிக் கொண்டு சார்பு $y = f(x)$ ஐ வடிவம் $y = (x - a)^2 + b$ இல் எழுதுக.

(v) தரப்பட்டுள்ள வரைபின் வடிவத்தை மாற்றாமல் பேணிக்கொண்டு அதனை ஆள்கூற்றுத் தளத்தின் மீது நான்கு அலகுகளினால் நிலைக்குத்தாக மேல்நோக்கி இடம்பெயர்க்கும்போது கிடைக்கும் வரைபின் குறைந்தபட்சப் புள்ளியின் ஆள்கூறுகளை எழுதி உரிய இருபடிச் சார்பை எழுதுக.

[பக். 2 ஐப் பார்க்க

3. உருவில் நிழற்றப்பட்டுள்ள ஒரு செவ்வகக் காணித் துண்டைச் சுற்றியுள்ள ஓர் ஒடுக்கமான பாதையின் ஒரு பகுதி இங்கு காட்டப்பட்டுள்ளது. அப்பகுதியின் பரப்பளவு 16 சதுர மீற்றர் ஆகும். உருவில் தரப்பட்டுள்ள தகவல்களைப் பயன்படுத்தி, x இனால் சமன்பாடு $x^2 - 6x + 4 = 0$ திருப்தியாக்கப்படுகின்றதெனக் காட்டுக.

$\sqrt{5}$ இன் பெறுமானம் 2.24 எனக் கொண்டு மேற்குறித்த சமன்பாட்டின் தீர்வுகளைக் கண்டு, அத்தீர்வுகள் இரண்டிற்குமிடையே x இற்கு மிகச் சிறிய பெறுமானம் மாத்திரம் பொருந்துமெனக் காரணங்களுடன் காட்டுக.



4. ஒரு குறித்த பாடசாலையின் தரம் 10 இனதும் தரம் 11 இனதும் மாணவர்களுக்குப் பின்வருமாறு புத்தகங்களும் பேனைகளும் அன்பளிப்புச் செய்யப்பட்டன.

- தரம் 10 இன் ஒரு மாணவனுக்கு 6 புத்தகங்கள் வீதமும் தரம் 11 இன் ஒரு மாணவனுக்கு 8 புத்தகங்கள் வீதமுமாக மொத்தம் 516 புத்தகங்கள்.
- தரம் 10 இன் ஒரு மாணவனுக்கு 3 பேனைகள் வீதமும் தரம் 11 இன் ஒரு மாணவனுக்கு 5 பேனைகள் வீதமுமாக மொத்தம் 300 பேனைகள்.

தரம் 10 இன் மாணவர்களின் எண்ணிக்கை x எனவும் தரம் 11 இன் மாணவர்களின் எண்ணிக்கை y எனவும் கொண்டு ஓர் ஒருங்கமை சமன்பாட்டுச் சோடியை உருவாக்கி, அவற்றைத் தீர்ப்பதன் மூலம் தரம் 10 இன் மாணவர்களின் எண்ணிக்கையையும் தரம் 11 இன் மாணவர்களின் எண்ணிக்கையையும் வேறுவேறாகக் காண்க.

புத்தகங்களையும் பேனைகளையும் பகிர்ந்தளிப்பதற்கு உத்தேசித்துள்ள வேறொரு பாடசாலையில் தரம் 10 இலும் தரம் 11 இலும் உள்ள மாணவர்களின் மொத்த எண்ணிக்கை மேற்குறித்த பாடசாலையின் அதே தரங்களில் உள்ள மாணவர்களின் மொத்த எண்ணிக்கைக்குச் சமமாக இருக்கின்றபோதிலும் தரம் 10 இல் உள்ள மாணவர்களின் எண்ணிக்கையின் இருமடங்கான எண்ணிக்கையில் மாணவர்கள் தரம் 11 இல் இருக்கின்றனர். இப்பாடசாலைக்கும் முன்னர் போன்றே புத்தகங்களையும் பேனைகளையும் பகிர்ந்தளிப்பதற்கு 12 புத்தகங்கள் மேலதிகமாகத் தேவைப்படுமெனக் காட்டுக.

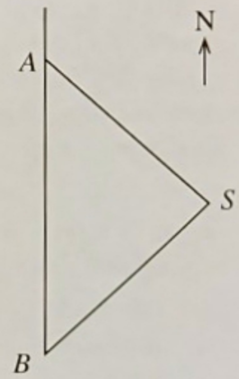
5. ஒரு மைதானத்தில் புள்ளி B இல் இருக்கும் கமலனிற்கு வடக்கே புள்ளி A இல் அமலன் இருக்கின்றார். மைதானத்தில் ஒரு சிலை S இருக்கின்றது. A இலிருந்து S இன் திசைகோள் 144° ஆகும். மேலும் உருவில் $A\hat{B}S = 54^\circ$ ஆகும். அமலனிற்கும் சிலைக்குமிடையே உள்ள தூரம் 80.9 மீற்றர் ஆகும்.

(i) உருவை உங்கள் விடைத்தாளில் பிரதிசெய்து, தரப்பட்டுள்ள தகவல்களை அதிற் சேர்க்க.

(ii) அமலனிற்கும் கமலனிற்குமிடையே உள்ள தூரத்தைக் காண்பதற்கு முக்கோணி ABS இற்குத் திரிகோணகணித விகிதங்களைப் பிரயோகிக்கத்தக்கதாக இருப்பதற்கான காரணங்களைக் காட்டுக.

(iii) திரிகோணகணித விகிதங்களைப் பிரயோகிப்பதன் மூலம் அமலனிற்கும் கமலனிற்குமிடையே உள்ள தூரம் 100 மீற்றர் எனக் காட்டுக.

(iv) கமலனிற்கு 30 மீற்றர் மேற்கே இருக்கும் ஒரு புள்ளி F இல் ஒரு கொடிக் கம்பம் நடப்பட்டுள்ளது. நீங்கள் வரைந்த உருவில் இத்தகவல்களைச் சேர்த்து $A\hat{F}B$ இன் பருமனைக் காண்க.



6. ஒரு குறித்த மாணவர் குழுவில் இருக்கும் ஒவ்வொரு மாணவனினதும் திணிவு பற்றிப் பெறப்பட்ட தகவல்களைக் கொண்டு பின்வரும் கூட்டமாக்கிய மீடிறன் அட்டவணை தயாரிக்கப்பட்டுள்ளது.

வகுப்பாயிடை (kg)	40 – 44	44 – 48	48 – 52	52 – 56	56 – 60	60 – 64	64 – 68
மீடிறன்	3	5	9	11	7	3	2

(வகுப்பாயிடை 40 – 44 இனால் 40 அல்லது அதிலும் கூடியதும் 44 இலும் குறைந்ததுமான எண் காட்டப்பட்டுள்ளது.)

(i) கூடுதலான மாணவர்களின் எண்ணிக்கை எவ்வகுப்பாயிடைக்கு உரியது?

(ii) இக்குழுவில் உள்ள ஒரு மாணவனின் இடைத் திணிவைக் கிட்டிய கிலோகிராமிற்குக் காண்க.

(iii) ஒரு சுற்றுலாவிற் செல்வதற்குத் தயாராகிய இம்மாணவர் குழுவிற்காகக் காணப்பட்ட ஒரு வானிற் கொண்டு செல்லத்தக்க மாணவர்களின் உயர்ந்தபட்ச மொத்தத் திணிவு 600 கிலோகிராம் ஆகும். இவ்வானிற் செல்வதற்கு எதிர்பார்க்கத்தக்க மாணவர்களின் உயர்ந்தபட்ச எண்ணிக்கையை இடையைக் கொண்டு காண்க.

(iv) தரப்பட்டுள்ள மீடிறன் அட்டவணைக்கேற்ப மேற்குறித்த வானிற் கொண்டு செல்லத்தக்கதாகக் கருதப்படத்தக்க மாணவர்களின் உயர்ந்தபட்ச எண்ணிக்கையைக் கணிக்க. உங்கள் விடைக்குக் காரணங்களைக் காட்டுக.

[பக். 3 ஐப் பார்க்க

பகுதி B

ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.

7. நீல மின்குமிழ்களையும் வெள்ளை மின்குமிழ்களையும் பல ஒருமைய வட்டங்களில் பொருத்துவதன் மூலம் ஓர் அலங்காரம் தயார்செய்யப்பட்டுள்ளது. நீலக் குமிழ்கள், ஆகவும் உள்ளே இருக்கும் முதலாம் வட்டத்தில் 3 குமிழ்களும் அடுத்துள்ள ஒவ்வொரு வட்டத்திலும் முந்திய வட்டத்திலும் பார்க்க 3 குமிழ்கள் வீதம் கூடுதலாகவும் இருக்குமாறு, பொருத்தப்பட்டுள்ளன. வெள்ளைக் குமிழ்கள், ஆகவும் உள்ளே இருக்கும் முதலாம் வட்டத்தில் 2 குமிழ்களும் அடுத்த வட்டத்தில் 3 குமிழ்களும் அதற்கு அடுத்த வட்டத்தில் 4 குமிழ்களும் என்றவாறு இருக்குமாறு, பொருத்தப்பட்டுள்ளன.

(i) முதல் மூன்று வட்டங்களிலும் பொருத்தப்பட்டுள்ள நீலக் குமிழ்களின் எண்ணிக்கைகளை முறையே எழுதுக.

(ii) 10 ஆம் வட்டத்தில் உள்ள நீலக் குமிழ்களின் எண்ணிக்கை அவ்வட்டத்தில் உள்ள வெள்ளைக் குமிழ்களின் எண்ணிக்கையிலும் பார்க்க எவ்வளவு கூடுதலாக இருக்கும்?

(iii) அலங்காரத்தில் குமிழ்கள் பொருத்தப்பட்டிருக்கும் வட்டங்களின் எண்ணிக்கை 16 ஆகும். அதற்காக நீலக் குமிழ்களினதும் வெள்ளைக் குமிழ்களினதும் மொத்த எண்ணிக்கையாகிய 550 போதுமெனச் சுனில் கூறுகின்றான். அவனுடைய கூற்று சரியானதா? உங்கள் விடைக்குக் காரணங்களைத் தருக.

8. பின்வரும் கேத்திரகணித அமைப்புகளுக்கு cm/mm அளவிடை உள்ள ஒரு நேர் விளிம்பு, ஒரு கவராயம் ஆகியவற்றை மாத்திரம் பயன்படுத்துக. அமைப்புக் கோடுகளைத் தெளிவாகக் காட்டுக.

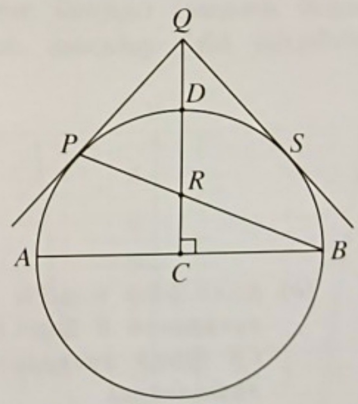
(i) $AB = 6$ cm ஆகவுள்ள ஒரு நேர்கோட்டுத் துண்டத்தை அமைத்து அதன் செங்குத்து இருசமகூறாக்கியை அமைக்க.

(ii) AB இன் நடுப்புள்ளி P இல் கோடு AB ஐத் தொடுவதும் A இலிருந்து 5 cm தூரத்தில் மையம் O இருப்பதுமான வட்டத்தை அமைக்க.

(iii) $A\hat{P}O$ இன் இருகூறாக்கியை அமைத்து அது வட்டத்தை இடைவெட்டும் புள்ளி Q எனப் பெயரிடுக.

(iv) கோடு PO ஐ நீட்டி, அது வட்டத்தைச் சந்திக்கும் புள்ளியை T எனக் கொண்டு கோடு PQ இற்கு T இலிருந்து ஒரு செங்குத்தை அமைக்க. அச்செங்குத்து Q இனூடாகச் செல்ல வேண்டும் என்பதற்குக் காரணங்களைக் காட்டுக.

9. உருவில் காட்டப்பட்டுள்ள வட்டத்தின் மையம் C உம் AB ஒரு விட்டமும் ஆகும். P ஆனது வட்டத்தின் மீது உள்ள ஒரு புள்ளியாகும். ஆரை CD ஆனது AB இற்குச் செங்குத்தாக இருக்கும் அதேவேளை அது PB ஐ R இல் இடைவெட்டுகின்றது. P இல் வட்டத்திற்கு வரையப்பட்டுள்ள தொடலியும் நீட்டப்பட்டுள்ள CD உம் Q இற் சந்திக்கின்றன. Q இலிருந்து வட்டத்திற்கு வரையப்பட்டுள்ள மற்றைய தொடலி அவ்வட்டத்தை S இற் சந்திக்கின்றது.



உருவை உங்கள் விடைத்தாளில் பிரதிசெய்து PA ஐத் தொடுக்க.

$PACR$ ஒரு வட்ட நாற்பக்கல் எனவும்

$Q\hat{P}R = Q\hat{R}P$ எனவும் காட்டுக.

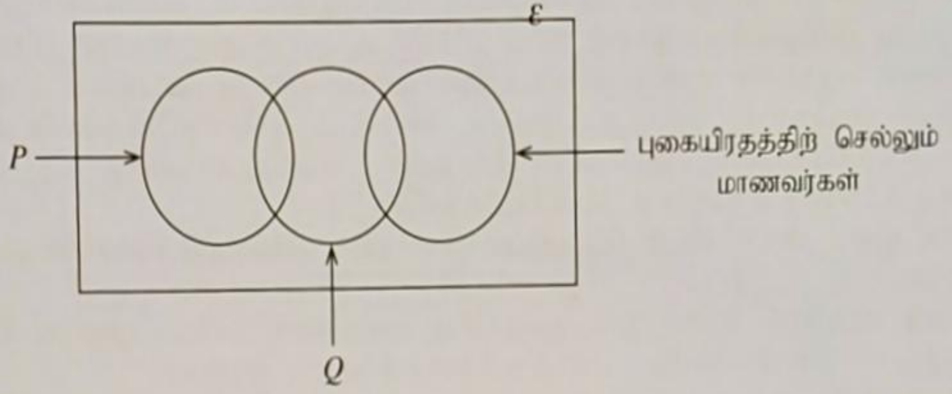
RS ஐத் தொடுத்து RQS ஓர் இருசமபக்க முக்கோணியெனக் காட்டுக.

10. (a) ஓர் உலோகத்தினாற் செய்யப்பட்ட ஆரை r cm ஐ உடைய ஒரு திண்ம அரைக்கோளத்தை உருக்கி, அடியின் ஆரை அரைக்கோளத்தின் ஆரையின் $\frac{1}{4}$ ஆகவும் உயரம் h cm ஆகவும் உள்ள 56 திண்மச் செவ்வட்டக் கூம்புகள் செய்யப்பட்டுள்ளன. உலோகம் வீணாகிப் போவதில்லையெனக் கருதி அரைக்கோளத்தின் ஆரைக்கும் ஒரு கூம்பின் உயரத்திற்குமிடையே உள்ள தொடர்பு $r = \frac{7}{4}h$ இனால் தரப்படுமெனக் காட்டுக. ஒரு கூம்பின் உயரம் 8 cm எனின், அரைக்கோளத்தின் கனவளவைக் காண்க.
(π இன் பெறுமானம் $\frac{22}{7}$ எனக் கொள்க.)

(b) $P = \frac{\sqrt{25.26} \times 0.78}{2.47}$.
மடக்கை அட்டவணையைப் பயன்படுத்தி P இன் பெறுமானத்தை முதலாம் தசமதானத்திற்குக் காண்க.

[பக். 4 ஐப் பார்க்க

11. 108 மாணவர்கள் ஒரு பாடசாலைக்கு வருவதற்குப் பயன்படுத்திய போக்குவரத்துச் சாதனங்கள் பற்றிய தகவல்களைக் காட்டும் ஒரு பூரணமற்ற வென் வரிப்படம் கீழே தரப்பட்டுள்ளது. இம்மாணவர்கள் அனைவரும் பேருந்து, மோட்டர்க் கார், புகையிரதம் ஆகிய மூன்று போக்குவரத்துச் சாதனங்களில் குறைந்தபட்சம் ஒன்றையேனும் பயன்படுத்துகின்றனர்.



மோட்டர்க் காரிற் செல்லும் மாணவன் எவனும் புகையிரதத்திற் செல்வதில்லை.

(i) மேற்குறித்த பூரணமற்ற வென் வரிப்படத்தை உங்கள் விடைத்தாளிற் பிரதிசெய்து P, Q ஆகியவற்றினாற் காட்டப்படும் தொடைகளைப் பெயரிடுக.

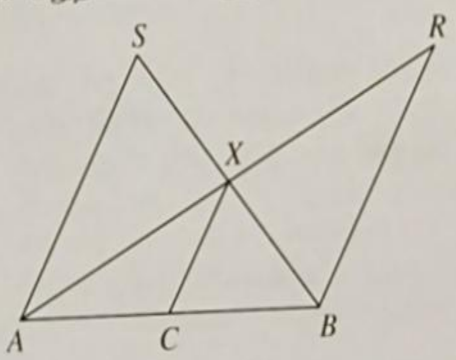
(ii) மோட்டர்க் காரில் அல்லது புகையிரதத்தில் செல்லும் மாணவர்களின் எண்ணிக்கை 63 ஆகும். பேருந்தில் மாத்திரம் செல்லும் மாணவர்களின் எண்ணிக்கை யாது?

(iii) மோட்டர்க் காரிற் செல்லும் மாணவர்களின் எண்ணிக்கை 23 எனின், புகையிரதத்திற் செல்லும் மாணவர்களின் எண்ணிக்கையைக் காண்க.

(iv) பேருந்தில் அல்லது புகையிரதத்திற் செல்லும் மாணவர்களின் எண்ணிக்கை 99 எனின், மோட்டர்க் காரில் மாத்திரம் செல்லும் மாணவர்களின் எண்ணிக்கையைக் காண்க.

(v) பேருந்திலும் புகையிரதத்திலும் செல்லும் மாணவர்களின் எண்ணிக்கை பேருந்திலும் மோட்டர்க் காரிலும் செல்லும் மாணவர்களின் எண்ணிக்கையின் இரு மடங்கெனின், இம்மூன்று சாதனங்களில் ஒன்றை மாத்திரம் பயன்படுத்தும் மாணவர்களின் எண்ணிக்கையைக் காண்க.

12. (*a*) நடுப் புள்ளித் தேற்றத்தின் மறுதலையை எழுதுக.



(*b*) தரப்பட்டுள்ள உருவில் முக்கோணி ABX இல் பக்கம் AB இன் நடுப்புள்ளி C ஆகும். CX இற்குச் சமாந்தரமாக B இனூடாக வரையப்பட்ட கோட்டினை நீட்டப்பட்ட AX ஆனது R இற் சந்திக்கின்றது. CX இற்குச் சமாந்தரமாக A இனூடாக வரையப்பட்ட கோட்டினை நீட்டப்பட்ட BX ஆனது S இற் சந்திக்கின்றது.

(i) தரப்பட்டுள்ள உருவை உங்கள் விடைத்தாளிற் பிரதிசெய்து தரப்பட்டுள்ள தகவல்களை அதிற் சேர்க்க.

(ii) AXS, BXR ஆகிய முக்கோணிகள் ஒருங்கிசைகின்றன எனக் காட்டுக.

(iii) SR ஐத் தொடுத்து, $SR = AB$ எனக் காட்டுக.

(iv) $ABRS$ இன் பரப்பளவு முக்கோணி ACX இன் பரப்பளவின் 8 மடங்கு எனக் காட்டுக.

PAST PAPERS